	<b>E4</b>	Ch4-Barres en traction
		<b>0-Cours</b>

1.	Comportement de l'acier en traction.....	2
1.1.	Essai de traction.....	2
1.2.	Analyse du graphique $\sigma = f(\epsilon)$ . ....	3
1.3.	Acier de construction selon la norme NF EN10025-2. ....	3
1.4.	Résistance d'une barre tendue. ....	3
2.	Résistance d'une barre tendue selon l'Eurocode 3 .....	3
2.1.	Principe de vérification général en résistance. ....	3
2.2.	Résistance en traction. ....	4
2.3.	Exemple.....	4
2.4.	Cas d'une cornière attachée par une seule aile. ....	5

# 1. Comportement de l'acier en traction.

## 1.1. Essai de traction.

L'essai permet de mettre en traction une éprouvette de dimensions normalisées (longueur  $L_0$ , aire de la section  $A$ ).

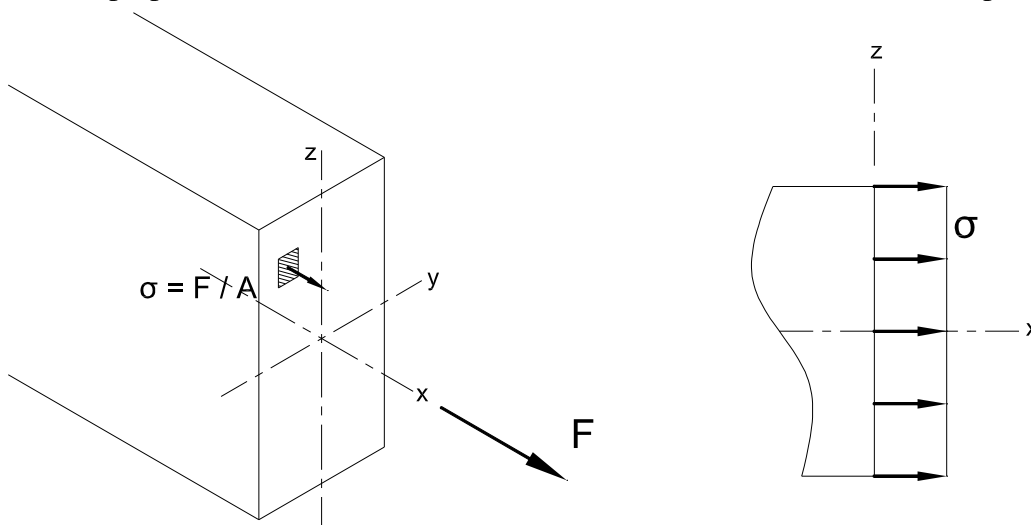
Au cours de l'essai, on mesure la force de traction  $F$  en kN et la déformation  $\Delta L$  en mm correspondante qui sont reportées sur un graphique  $F = f(\Delta L)$ .

On déduit des mesures des caractéristiques mécaniques de l'acier qui pourront être utilisées **quelles que soient les dimensions de l'élément.**

On calcule donc :

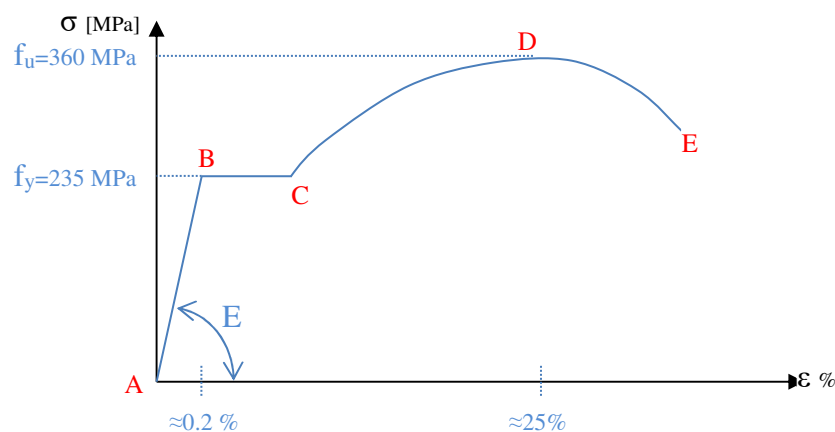
→ La contrainte  $\sigma = \frac{F}{A}$  représentant la force par unité de surface, exprimée en  $\text{N/mm}^2$  ou MPa ( $1 \text{ MPa} = 10^3 \text{ kN/m}^2$ )

Cette contrainte est perpendiculaire à la section (contrainte normale) et uniformément répartie.



→ L'allongement  $\varepsilon = \frac{\Delta L}{L_0} * 100$  représentant le % d'allongement.

On trace le graphique  $\sigma = f(\varepsilon)$ , comme l'exemple qui suit :



## 1.2. Analyse du graphique $\sigma = f(\varepsilon)$ .

Zone AB **Comportement élastique** : l'allongement est proportionnel à la contrainte et réversible (si on relâche l'effort, l'acier reprend sa forme initiale).

La fin du comportement élastique est marquée par la limite élastique  $f_y$ , qui correspond à un allongement  $\varepsilon_y \approx 0.2\%$ .

La proportionnalité entre  $\sigma$  et  $\varepsilon$  se traduit par la loi de Hooke :  $\sigma = E * \varepsilon$  où E est le module élastique ou module d'Young, qui vaut 210000 MPa quelque soit le type d'acier.

Zone BC **Palier de plasticité** : l'acier se déforme fortement sans augmentation de contrainte, on parle « d'écoulement plastique ».

Zone CD **Zone de déformation plastique répartie** : l'acier se « raffermi », la contrainte augmente jusqu'à atteindre une valeur maximale de rupture  $f_u$ . Les déformations sont très importantes ( $\varepsilon_u \approx 25\%$  de  $L_0$ ), réparties tout au long de l'élément et non proportionnelles à la contrainte.

Zone DE **Zone de striction** : la section diminue localement jusqu'à ce que l'acier se casse en 2.

## 1.3. Acier de construction selon la norme NF EN10025-2.

Nuance	Epaisseur $t \leq 40$ mm	
	$f_y$ [MPa]	$f_u$ [MPa]
S235	235	360
S275	275	430
S355	355	490
S460	460	550

Exigences réglementaires pour les aciers de construction :

$$\rightarrow f_u / f_y \geq 1,10$$

$$\rightarrow \text{Allongement à la rupture supérieur ou égal à } 15 \%$$

$$\rightarrow \varepsilon_u \geq 15\varepsilon_y$$

## 1.4. Résistance d'une barre tendue.

Pour une barre tendue de section A et d'acier de nuance connue, on est capable de déterminer :

$$\rightarrow \text{Sa résistance à la rupture : } N_u = A * f_u$$

$$\rightarrow \text{Sa résistance plastique (lorsque la contrainte est à } f_y) : N_{pl} = A * f_y$$

## 2. Résistance d'une barre tendue selon l'Eurocode 3

### 2.1. Principe de vérification général en résistance.

L'Eurocode a pour rôle de définir la valeur limite de résistance admissible pour une section, notée avec un indice  $R_d$  (Resistance Design).

On compare donc l'effort réel dans la barre, noté avec un indice  $E_d$  (Effect Design) à cet effort  $R_d$ .

Il faut donc vérifier que :

$$E_d \leq R_d$$

Ou exprimé autrement

$$\frac{E_d}{R_d} \leq 1$$

## 2.2. Résistance en traction.

Définie dans l'Eurocode 3, partie 1.1, paragraphe 6.2.3, noté EC3-1.1-§6.2.3

Critère à vérifier :

$$\frac{N_{Ed}}{N_{t,Rd}} \leq 1$$

$N_{Ed}$  → effort de traction réel dans l'élément (dépend du projet, des charges...)

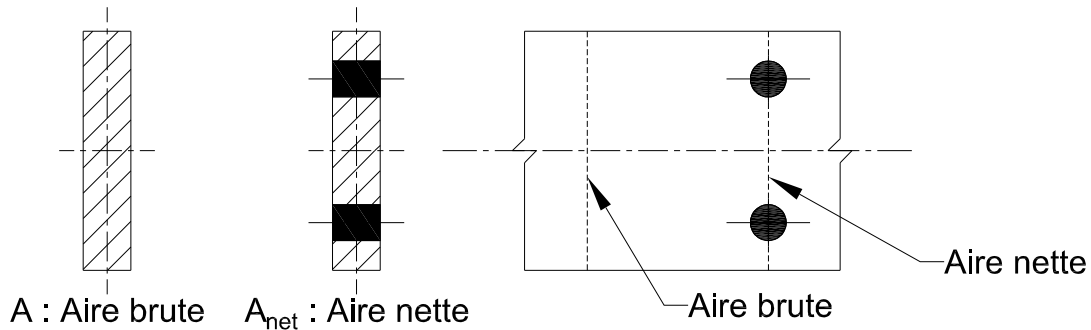
$N_{t,Rd}$  → effort limite de traction admissible (dépend uniquement de la barre et de l'acier)

$$N_{t,Rd} = \min[N_{pl,Rd}; N_{u,Rd}]$$

Effort plastique  $N_{pl,Rd} = \frac{A \cdot f_y}{\gamma_{M0}} \rightarrow \gamma_{M0} = 1$  (coefficient de sécurité utilisé avec  $f_y$ )

Effort ultime  $N_{u,Rd} = \frac{0,9 \cdot A_{net} \cdot f_u}{\gamma_{M2}} \rightarrow \gamma_{M2} = 1,25$  (coefficient de sécurité utilisé avec  $f_u$ )

Pour une barre, on nomme section nette l'aire d'une section comportant des trous et section brute l'aire d'une section pleine.

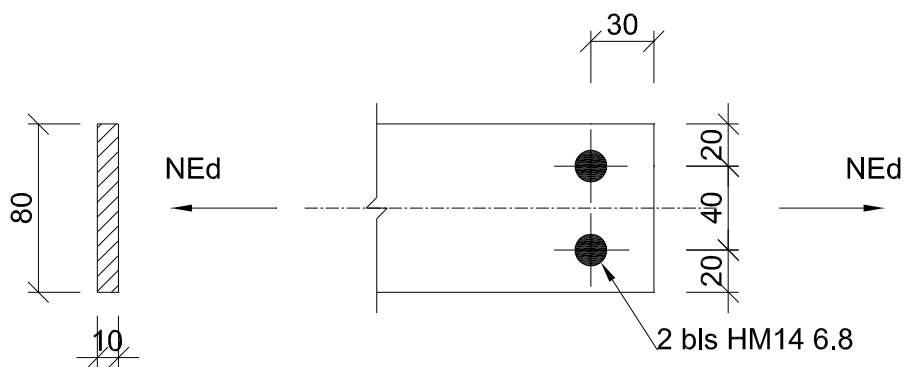


## 2.3. Exemple.

Plat 80\*10 en S235

Boulons HM14 → perçage à  $d_0=15$  mm

$N_{Ed} = 110,00$  kN



Critère EC3-1.1-§6.2.3 :

$$\frac{N_{Ed}}{N_{t,Rd}} \leq 1$$

$N_{Ed} = 110.00 \text{ kN}$

$N_{t,Rd} = \min[N_{pl,Rd}; N_{u,Rd}] = 129.60 \text{ kN}$

$N_{pl,Rd} = \frac{A \cdot f_y}{\gamma_{M0}} = \frac{800 \cdot 10^{-6} \cdot 235 \cdot 10^3}{1} = 188.00 \text{ kN}$

$N_{u,Rd} = \frac{0,9 \cdot A_{net} \cdot f_u}{\gamma_{M2}} = \frac{0,9 \cdot 500 \cdot 10^{-6} \cdot 360 \cdot 10^3}{1,25} = 129.60 \text{ kN}$

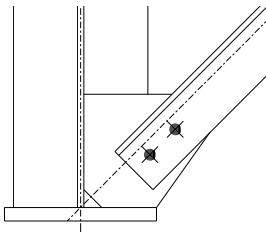
$A = 80 \cdot 10 = 800 \text{ mm}^2$

$A_{net} = 800 - 2 \cdot 15 \cdot 10 = 500 \text{ mm}^2$

$\frac{N_{Ed}}{N_{t,Rd}} = \frac{110.00}{129.60} = 0.85 < 1 \rightarrow \text{vérifié}$

On dit que la section « travaille » à 85%

2.4. Cas d'une cornière attachée par une seule aile.



Dans le cas des cornières attachées par 1 seule aile, le coef de 0.9 de  $N_{u,Rd}$  est remplacé par un coef  $\beta$  qui dépend du nombre de boulons, du pas  $p_1$  et du diamètre du trou  $d_0$  (voir p213 du Doc AMCR).

Tableau 3.8 - Coefficients réducteurs  $\beta_2$  et  $\beta_3$

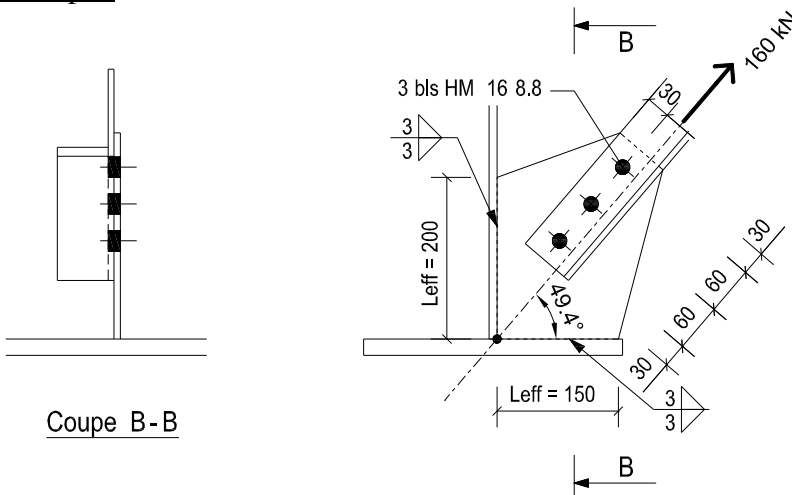
Entraxe	$p_1$	$\leq 2,5 d_0$	$\geq 5,0 d_0$
2 boulons	$\beta_2$	0,4	0,7
3 boulons ou plus	$\beta_3$	0,5	0,7

Lorsque  $2.5 \cdot d_0 < p_1 < 5 \cdot d_0$  on fait une interpolation linéaire qui vaut :

- 2 boulons :  $\beta_2 = 0.4 + \frac{0.3}{2.5 \cdot d_0} \cdot (p_1 - 2.5 \cdot d_0)$

- 3 boulons :  $\beta_3 = 0.5 + \frac{0.2}{2.5 \cdot d_0} \cdot (p_1 - 2.5 \cdot d_0)$

Exemple.



3 boulons :  $\beta_3 : 2.5 \cdot d_0 = 2.5 \cdot 18 = 45 < 60 < 5 \cdot d_0 = 5 \cdot 18 = 90 \rightarrow \beta_3 = 0.5 + \frac{0.2}{2.5 \cdot 18} \cdot (60 - 2.5 \cdot 18) = 0.57$